

Sécurité et systèmes embarqués

Pablo Rauzy

pr@up8.edu

pablo.rauzy.name/teaching/sese



UFR MITSIC / M1 informatique

Séance 0

Présentation du cours
Chiffrement par substitution

Présentation du cours

La cryptologie

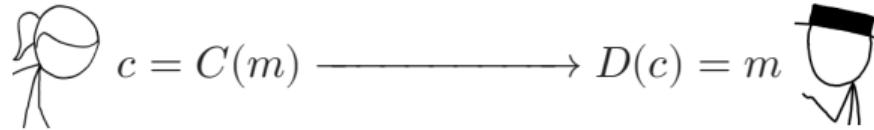
- ▶ Étymologiquement, c'est "la science du secret".
- ▶ Un art ancien : les premiers documents chiffrés qu'on retrouve datent de l'Antiquité.
- ▶ Une science récente : sujet de recherche académique seulement depuis les années 60.
- ▶ La cryptologie étudie notamment
 - la *confidentialité*,
 - l'*authentification*,
 - la *non-répudiation*,
 - l'*intégrité*,
 - la *preuve à divulgation nulle de connaissance*, et
 - l'*anonymat*.

La cryptologie

- ▶ Étymologiquement, c'est "la science du secret".
- ▶ Un art ancien : les premiers documents chiffrés qu'on retrouve datent de l'Antiquité.
- ▶ Une science récente : sujet de recherche académique seulement depuis les années 60.
- ▶ La cryptologie étudie notamment
 - la *confidentialité*,
 - l'*authentification*,
 - la *non-répudiation*,
 - l'*intégrité*,
 - la *preuve à divulgation nulle de connaissance*, et
 - l'*anonymat*.
- ▶ Ses deux branches principales sont
 - la *cryptographie*, et
 - la *cryptanalyse*.

La cryptographie

- ▶ Étymologiquement, “l’écriture secrète”.
- ▶ Le but de cette discipline est de protéger les messages, en assurant leurs
 - confidentialité,
 - authenticité, et
 - intégrité.
- ▶ La cryptographie moderne utilise des *clefs*.
- ▶ Il y a deux grandes familles :
 - la cryptographie *symétrique* (à clef *secrète*), et
 - la cryptographie *asymétrique* (à clefs *publique* et *privée*).
- ▶ La cryptographie s’occupe principalement de la mise au point d'*algorithmes* et de *protocoles* permettant le chiffrement, de déchiffrement, et l’échange de messages.



La cryptanalyse

- ▶ Étymologiquement, “défaire le secret”.
- ▶ Le but de cette discipline est de casser la cryptographie.
 - C'est à dire décrypter un message chiffré, sans connaître la clef de chiffrement.
 - On appelle ce processus une *attaque*.
- ▶ On catégorise souvent les attaques par ce à quoi l'attaquant a accès :
 - seulement des messages chiffrés,
 - certaines correspondances entre messages clairs et chiffrés,
 - certaines correspondances entre messages clairs choisis et leur chiffré,
 - certaines correspondances entre messages chiffrés choisis et leur clair,
- ▶ Il existe de nombreuses techniques d'attaques, mais on peut distinguer deux familles :
 - la cryptanalyse *classique*, et
 - les attaques par canaux auxiliaires.



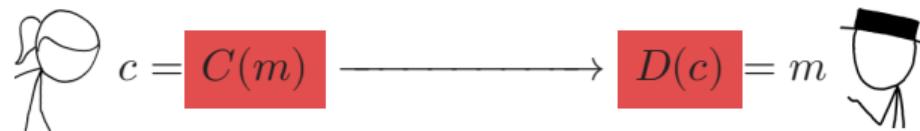
- ▶ Un *système embarqué* est un système électronique ou informatique autonome.
- ▶ Il est souvent très spécialisé (couches logiciel et matériel très liées).
- ▶ Il y en a partout :
 - smartcards (cartes bancaires, cartes téléphoniques, cartes SIM, décodeurs, ...),
 - appareils mobiles (téléphones, tablettes, consoles portables, ...),
 - systèmes temps réels (ascenseurs, voitures, trains, navigation aérienne...),
 - équipements (imprimantes, copieurs, téléphones, contrôle d'accès par badges...)
- ▶ Du coup, de nombreuses contraintes :
 - coût,
 - ressources limitées (espace, puissance de calcul, autonomie),
 - sûrement de fonctionnement,
 - sécurité.

Les systèmes embarqués

- ▶ Un *système embarqué* est un système électronique ou informatique autonome.
- ▶ Il est souvent très spécialisé (couches logiciel et matériel très liées).
- ▶ Il y en a partout :
 - smartcards (cartes bancaires, cartes téléphoniques, cartes SIM, décodeurs, ...),
 - appareils mobiles (téléphones, tablettes, consoles portables, ...),
 - systèmes temps réels (ascenseurs, voitures, trains, navigation aérienne...),
 - équipements (imprimantes, copieurs, téléphones, contrôle d'accès par badges...)
- ▶ Du coup, de nombreuses contraintes :
 - coût,
 - ressources limitées (espace, puissance de calcul, autonomie),
 - sûrement de fonctionnement,
 - sécurité.

- ▶ Au niveau de la sécurité, les systèmes embarqués ont une particularité forte.
- ▶ Ils peuvent très facilement se retrouver entre les mains de l'attaquant.

- ▶ Au niveau de la sécurité, les systèmes embarqués ont une particularité forte.
- ▶ Ils peuvent très facilement se retrouver entre les mains de l'attaquant.
- ▶ Cela signifie que l'on sort du cadre de la cryptanalyse classique.
- ▶ Lors des opérations de chiffrement et déchiffrement, l'attaquant a accès au système.



Les attaques par canaux auxiliaires

- ▶ Ici, on suppose la robustesse théorique de la cryptographie.
- ▶ En revanche, on cherche à exploiter des failles au niveau de l'*implémentation*.
- ▶ Aussi bien au niveau logiciel que matériel.
- ▶ Il existe différentes catégories d'attaques par canaux auxiliaires passives :
 - analyse de temps de calcul,
 - analyse de consommation de courant,
 - analyse des émanations électromagnétiques,
 - analyse acoustique ou lumineuse ;
- ▶ ainsi qu'active :
 - injection de fautes,
 - sondage (attaque invasive).

► Objectifs :

- Introduction à la cryptologie.
- Comprendre les problématiques de sécurité liées aux systèmes embarqués.
- Connaître les attaques physiques et comment tenter de s'en protéger.

► 10 séances :

- Présentation du cours / Chiffrement par substitution
- Cryptographie symétrique
- Cryptographie asymétrique
- Cryptanalyse classique
- TP cryptographie
- Attaques par canaux auxiliaires
- TP canaux auxiliaires
- Attaques par injection de fautes
- TP injection de fautes
- Ouvertures sur la sécurité

- ▶ Votre évaluation pour ce cours prendra en compte :
 - les TPs,
 - un rapport sur un article de recherche.

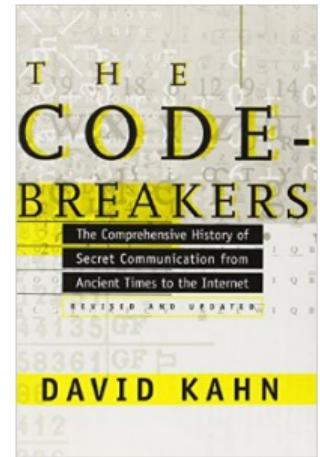
Ce qui est attendu de vous

- ▶ Une connaissance solide des bases de la cryptographie :
 - Connaître les points forts et faiblesses des différentes familles d'algorithmes.
 - Comprendre le fonctionnement des principaux algorithmes.
- ▶ Une connaissance des enjeux de sécurité des systèmes embarqués :
 - Comprendre les failles qui peuvent se révéler au niveau physique.
 - Connaître les principales méthodes d'exploitations et de protections.

Chiffrement par substitution

Un peu d'histoire

- ▶ 16ème siècle AEC : premier document chiffré connu.
C'est une tablette d'argile, retrouvée en Irak, avec la recette d'un potier. L'orthographe des mots y est changée (notamment, il manque les consonnes).



Un peu d'histoire

- ▶ *16ème siècle AEC* : premier document chiffré connu.
C'est une tablette d'argile, retrouvée en Irak, avec la recette d'un potier. L'orthographe des mots y est changée (notamment, il manque les consonnes).
- ▶ *10ème à 8ème siècles AEC* : les scytales, chez les grecs.



- ▶ *16ème siècle AEC* : premier document chiffré connu.
C'est une tablette d'argile, retrouvée en Irak, avec la recette d'un potier. L'orthographe des mots y est changée (notamment, il manque les consonnes).
- ▶ *10ème à 8ème siècles AEC* : les scytales, chez les grecs.
- ▶ *5ème siècle AEC* : plusieurs façons de chiffrer dont *atbash*, chez les Hébreux. Il s'agit d'utiliser l'alphabet à l'envers (A devient Z, B devient Y, etc.)

Un peu d'histoire

- ▶ *16ème siècle AEC* : premier document chiffré connu.
C'est une tablette d'argile, retrouvée en Irak, avec la recette d'un potier. L'orthographe des mots y est changée (notamment, il manque les consonnes).
- ▶ *10ème à 8ème siècles AEC* : les scytales, chez les grecs.
- ▶ *5ème siècle AEC* : plusieurs façons de chiffrer dont *atbash*, chez les Hébreux. Il s'agit d'utiliser l'alphabet à l'envers (A devient Z, B devient Y, etc.)
- ▶ Après ça, arrivent des premiers "vrais" systèmes de chiffrement.

Les premiers “vrais” cryptosystèmes

- ▶ Les premiers *cryptosystèmes* fonctionnent essentiellement par substitution.
- ▶ Il existe trois types de substitutions :
 - *monoalphabétique* : chaque lettre est remplacée par une autre,
 - *polyalphabétique* : une suite de substitutions monoalphabétiques est réutilisées en boucle,
 - *polygramme* : substitue des groupes de lettres par d'autres.

- ▶ C'est le chiffrement par substitution le plus ancien connu (1er siècle AEC).
- ▶ Il était utilisé dans l'armée romaine (d'où son nom).
- ▶ Très faible, mais fonctionne bien en pratique grâce au faible taux d'alphabétisation dans la population.
- ▶ La clef est un nombre en 1 et 26 (A et Z).
- ▶ On opère un décalage circulaire de chaque lettre par la clef.
- ▶ Encore utilisé de nos jours avec ROT13 :).

Carré de Polybe

- ▶ Décrit pour la première fois vers 150 AEC.
- ▶ Utilisé par plusieurs civilisations de différentes manières.
- ▶ Dans sa forme la plus simple, il s'agit de substituer chaque lettre par ses coordonnées dans un carré de 5×5 .
- ▶ Une variante avec clef existe, où on se sert de la clef pour commencer à remplir le tableau.
- ▶ Une utilisation intéressante encore de nos jours de ce système est la communication simple à distance avec torches, drapeaux, ou du son.

	1	2	3	4	5
1	A	B	C	D	E
2	F	G	H	I/J	K
3	L	M	N	O	P
4	Q	R	S	T	U
5	V	W	X	Y	Z

"informatique" devient "243321344232114424414515"

Carré de Polybe

- ▶ Décrit pour la première fois vers 150 AEC.
- ▶ Utilisé par plusieurs civilisations de différentes manières.
- ▶ Dans sa forme la plus simple, il s'agit de substituer chaque lettre par ses coordonnées dans un carré de 5×5 .
- ▶ Une variante avec clef existe, où on se sert de la clef pour commencer à remplir le tableau (ci-dessous avec la clef "wikipedia").
- ▶ Une utilisation intéressante encore de nos jours de ce système est la communication simple à distance avec torches, drapeaux, ou du son.

	1	2	3	4	5
1	W	I/J	K	P	E
2	D	A	B	C	F
3	G	H	L	M	N
4	O	Q	R	S	T
5	U	V	X	Y	Z

"informatique" devient "123525414334224512424115"

Le premier manuscrit traitant de cryptanalyse

- ▶ Au 9ème siècle, Al-Kindi écrit *Risalah fi Istikhraj al-Mu'amma* (Manuscrit sur le déchiffrement de messages cryptographiques).
 - ▶ Il y fait la plus ancienne description de la méthode d'analyse de fréquences, et l'applique au chiffrement de César.

لله الحمد والصلوة والحمد لله رب العالمين
سالاً على سلطاننا محمد بن عبد الله العظيم عليه السلام
لهم إجعلنا من ذريعة لغيرك يا رب العالمين
أكملنا حسنة بحسنة واغفر لنا ذنوبنا يا رب العالمين
عاهدنا على اسلوبك في العمل والطاعة يا رب العالمين
اسمعنا وارسلنا يا رب العالمين

L'analyse de fréquences

- ▶ Dans chaque langue, il y a des lettres qui reviennent plus souvent que d'autres.
- ▶ Par exemple en français le 'E' est la lettre la plus courante.

L'analyse de fréquences

- ▶ Dans chaque langue, il y a des lettres qui reviennent plus souvent que d'autres.
- ▶ Par exemple en français le 'E' est la lettre la plus courante.
- ▶ On peut donc supposer que la lettre qui revient le plus dans le chiffré est un 'E', si on sait que le clair est en français.
- ▶ Si on ne connaît pas la langue d'origine du message, on peut calculer la fréquence de chaque lettre, et comparer cela avec les fréquences connues pour différentes langues.
- ▶ Il est aussi possible de le faire pour des tuples de lettre afin d'être encore plus précis.

Le chiffrement de Vigenère

- ▶ Cryptosystème polyalphabétique décrit en 1586 dans le *Traité sur les chiffres* de Blaise de Vigenère.
 - On trouve aussi une méthode similaire dans un texte de Giovan Battista Bellaso datant de 1533.
- ▶ Premier chiffrement à réellement introduire la notion de *clef*.
- ▶ La clef pouvant être au moins aussi longue que le message (en prenant comme référence un livre par exemple), le chiffrement de Vigenère résiste complètement à l'analyse de fréquences.
- ▶ En pratique, ce chiffrement a tenu près de 300 ans, jusqu'en 1863 quand Friedrich Kasiski publie une cryptanalyse du système.

Exemple

► Message : "sécurité et systèmes embarqués"

► Clef : "Vigenère"

<i>m</i>	S	E	C	U	R	I	T	E	E	T	S	Y	S	T	E	M	E	S	E	M	B	A	R	Q	U	E	S
<i>k</i>	V	I	G	E	N	E	R	E	V	I	G	E	N	E	R	E	V	I	G	E	N	E	R	E	V	I	G
<i>c</i>	N	M	I	Y	E	M	K	I	Z	B	Y	C	F	X	V	Q	Z	A	K	Q	O	E	I	U	P	M	Y

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	
A	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

- ▶ On suppose qu'on a uniquement les 26 lettres majuscules de l'alphabet.
 1. Écrire une fonction C qui permet de chiffrer avec la méthode de Vigenère.
 2. Écrire une fonction C qui permet de déchiffrer avec cette même méthode.
 3. À quelle catégorie d'attaques ce cryptosystème peut résister ? Pourquoi ?

- ▶ On suppose qu'on a uniquement les 26 lettres majuscules de l'alphabet.
- 1. Écrire une fonction C qui permet de chiffrer avec la méthode de Vigenère.
- 2. Écrire une fonction C qui permet de déchiffrer avec cette même méthode.
- 3. À quelle catégorie d'attaques ce cryptosystème peut résister ? Pourquoi ?
- 4. Écrire une fonction C qui affiche la clef si on lui donne une paire clair/chiffré.

Cryptanalyse de Vigenère

- ▶ Il est possible de casser le chiffrement de Vigenère, mais il faut réduire le problème à l'analyse de fréquences.

- ▶ Il est possible de casser le chiffrement de Vigenère, mais il faut réduire le problème à l'analyse de fréquences.
- ▶ C'est à dire se ramener dans le cas du chiffrement de César :
 - si la clef est de longueur l , $\forall d < l$, soit c_d la suite des lettres à un indice $i \equiv d \pmod{l}$,
 - alors c_d est un chiffré de César utilisant comme décalage celui correspondant à la d ème lettre de la clef de Vigenère.
- ▶ Il faut donc retrouver la longueur de la clef.

Retrouver la longueur de la clef

- ▶ Pour retrouver la longueur de la clef, il y a besoin d'avoir un chiffré bien plus long que la clef.
- ▶ Ensuite il faut trouver des séquences de lettres qui se répètent.
- ▶ Si une séquence de lettre se répète plusieurs fois cela veut dire :
 - soit que la même séquence du clair a été chiffré avec la même partie de la clef,
 - soit que par hasard des séquences différentes du clair se retrouve chiffré de manière identique.
- ▶ En pratique sur les textes en langue naturelle, il suffit de trouver des séquences d'au moins 3 lettres pour que la probabilité de la seconde option soit très faible.

Trouver des séquences répétées

- ▶ Prenons un exemple (tiré de Wikipédia) :

KQOWEFVJPUJUUNUKGLMEKJINMWUXFQMKJBGWRLFNFGHUDWUUMBSVLPS
NCMUEKQCTESWREEKOYSSIWCTUAXYOTAPXPLWPNTCGOJBGFQHTDWXIZA
YGFFNSXCSEYNCTSSPNTUJNYTGGWZGRWUUNEJUUQEAPYMEKQHUIDUXFP
GUYTSMTFFSHNUOCZGMRUWEYTRGKMEEDCTVRECDBDJQCUSWBPNLGOYL
SKMTEFVJJTWWMFMPNMEMTMHRSPXFSSKFFFNUOCZGMDOEYOEEKCPJR
GPMURSKHFRSEIUEVGOYCWXIZAYGOSAANYDOEOYJLWUNHAMEBFELXYVL
WNOJNSIOFRWUCCESWKVIDGMUCGOCRUWGNMAAFFVNSIUDEKQHCEUCPFC
MPVSUDGAVEMNYMAMVLFLMAOYFNTQCUAFVFJNXKLNEIWCVODCCULWRIFT
WGMUSWOVMATNYBUHTCOCAFYTNTMGYTQMKBBLGFBTWOJFTWGNTJEJKNEE
DCLDHWTYYIDGMVRDGMPLSWGJLAGOEKJOFEKUYTAANYTDWIYBNLNYP
WEBFNLFYNAJEBFR

- ▶ Distances entre les répétitions :

Trouver des séquences répétées

► Prenons un exemple (tiré de Wikipédia) :

KQOWEFVJPUJUUNUKGLMEKJINMWUXFQMKJBGWRLFNFGHUD**WU**UMBSVLPS
NCMUEKQCTESWREEKOYSSIWCTUAXYOTAPXPLWPNTCGOJBGFQHTDWXIZA
YGFFNSXCSEYNCTSSPNTUJNYTGGWZGR**WU**NE JUUQEAPYMEKQHUIDUXFP
GUYTSMTFFSHNUOCZGMRUWEYTRGKMEEDCTVRECDBDJQCUSWBPNLGOYL
SKMTEFVJJTWWMFMPNMEMTMHRSPXFSSKFFSTNUOCZGMDOEYEEKCPJR
GPMURSKHFRSEIUEVGOYCWXIZAYGOSAANYDOEOYJLWUNHAMEBFELXYVL
WNOJNSIOFRWUCCESWKVIDGMUCGOCRUWGNMAAFFVNSIUDEKQHCEUCPFC
MPVSUDGAVEMNYMAMVLFLMAOYFNTQCUAFVFJNXKLNEIWCVODCCULWRIFT
WGMUSWOVMATNYBUHTCOCAFYTNTMGYTQMKBBLGFBTWOJFTWGNTJEJKNEE
DCLDHWTYYIDGMVRDGMPLSWGJLAGOEKJOFEKUYTAANYTDWIYBNLNYP
WEBFNLFYNAJEBFR

► Distances entre les répétitions :

- WUU : 95

Trouver des séquences répétées

► Prenons un exemple (tiré de Wikipédia) :

KQOWEFVJPUJUUNUKGLMEKJINMWUXFQMJKBGRWFNFGRUDWUUMBSVLPS
NCMUEKQCTESWREEKOYSSIWCTUAXYOTAPXPLWPNTCGOJBGFQHTDWXIZA
YGFFNSXCSEYNCTSSPNTUJNYTGGWZGRWUUNEJUUQEAPYMEKQHUIDUXFP
GUYTSMTFFSHNUOCZGMRUWEYTRGKMEEDCTVRECDBDJQCUSWBPNLGOYL
SKMTEFVJJTWWMFMPNMEMTMHRSPXFSSKFFSTNUOCZGMDOEYOEEKCPJR
GPMURSKHFRSEIUEVGOYCWXIZAYGOSAANYDOEOYJLWUNHAMEBFELXYVL
WNOJNSIOFRWUCCESWKVIDGMUCGOCRUWGNMAAFFVNSIUDEKQHCEUCPFC
MPVSUDGAVEMNYMAMVLFMAOYFNTQCUAFVFJNXKLNEIWCVODCCULWRIFT
WGMUSWVOMATNYBUHTCOCAFYTQMKBBNLGFBDTWOJFTWGNTJEJKNEE
DCLDHWTYYIDGMVRDGMPLSWGJLAGOEEKJOFEKUYTAANYTDWIYBNLNYP
WEBFNLFYNAJEBFR

► Distances entre les répétitions :

- WUU : 95
- EEK : 200

Trouver des séquences répétées

► Prenons un exemple (tiré de Wikipédia) :

KQOWEFVJPUJUUNUKGLMEKJINMWUXFQMJKBGRWFNFGRUDWUUMBSVLPS
NCMUEKQCTESWREEKOYSSIWCTUAXYOTAPXPLWPNTCGOJBGFQHTDWXIZA
YGFFNSXCSEYNCTSSPNTUJNYTGGWZGRWUUNEJUUQEAPYMEKQHUIDUXFP
GUYTSMTFFSHNUOCZGMRUWEYTRGKMEEDCTVRECDBDJQCUSWBPNLGOYL
SKMTEFVJJTWWMFWMWPMEMTMHRSPXFSSKFFSTNUOCZGMDOEYOEEKCPJR
GPMURSKHFRSEIUEVGOYCWXIZAYGOSAANYDOEOYJLWUNHAMEBFELXYVL
WNOJNSIOFRWUCCESWKVIDGMUCGOCRUWGNMAAFFVNSIUDEKQHCEUCPFC
MPVSUDGAVEMNYMAMVLFLMAOYFNTQCUAFVFJNXKLNEIWCVODCCULWRIFT
WGMUSWVOMATNYBUHTCOCWFWYTNMGYTQMKBBLGFBTWOJFTWGNTJEJKNEE
DCLDHWTYYIDGMVRDGMPLSWGJLAGOEKJOFEKUYTAANYTDWIYBNLNYP
WEBFNLFYNAJEBFR

► Distances entre les répétitions :

- WUU : 95
- EEK : 200
- WXIZAYG : 190

Trouver des séquences répétées

► Prenons un exemple (tiré de Wikipédia) :

KQOWEFVJPUJUUNUKGLMEKJINMWUXFQMJKBGRWFNFGRUDWUUMBSVLPS
NCMUEKQCTESWREEKOYSSIWCTUAXYOTAPXPLWPNTCGOJBGFQHTDWXIZA
YGFFNSXCSEYNCTSSPNTUJNYTGGWZGRWUUNEJUUQEAPYMEKQHUIDUXFP
GUYTSMTFFSHNUOCZGMRUWEYTRGKMEEDCTVRECDBDJQCUSWBPNLGOYL
SKMTEFVJJTWWMFMPNMEMTMHRSPXFSSKFFSTNUOCZGMDOEYOEEKCPJR
GPMURSKHFRSEIUEVGOYCWXIZAYGOSAANYDOEOYJLWUNHAMEBFELXYVL
WNOJNSIOFRWUCCESWKVIDGMUCGOCRUWGNMAAFFVNSIUDEKQHCEUCPFC
MPVSUDGAVEMNYMAMVLFMAOYFNTQCUAFVFJNXKLNEIWCVODCCULWRIFT
WGMUSWVOMATNYBUHTCOCWFWTNMGYTQMKBBLGFBTWOJFTWGNTJEJKNEE
DCLDHWTYYIDGMVRDGMPLSWGJLAGOEKJOFEKUYTAANYTDWIYBNLNYP
WEBFNLFYNAJEBFR

► Distances entre les répétitions :

- WUU : 95
- EEK : 200
- WXIZAYG : 190
- NUOCZGM : 80

Trouver des séquences répétées

► Prenons un exemple (tiré de Wikipédia) :

KQOWEFVJPUJUUNUKGLMEKJINMWUXFQMKJBGWRLFNFGHUD**WUUMBVLPS**
NCMUEKQCTESW**EEKOYSSI**WCTUAXYOTAPXPLWPNTCGOJBGFQHTDWXIZA
YGFFNSXCSEYNCTSSPNTUJNYTGGWZGRWUUNEJUUQEAPYMEKQHUIDUXFP
GUYTSMTFFSHNUOCZGMRUWEYTRGKMEEDCTVREC**FBDJQCUSWBPNLGOYL**
SKMTEFVJJTWWMFMPNMEMTMHRSPXFSSKFFST**NUOCZGMDOEYOEEKCPJR**
GPMURSKHFRSEIUEVGOYCWX**ZAYGOSAANYDOEOYJLWUNHAMEBFELXYVL**
WNOJNSIOFRWUCCESWKVIDGMUCGOCRUWGNMAAFFVNSIUD**EKQHCEUCPFC**
MPVSUDGAVEMNYMAMVLFMAOYFNTQCUAFVFXJNXKLNEIW**CWODCCULWRIFT**
WGMIUSWOVMATNYBUHTCOCAFYTNMGYTQMKBBLGFBTWOJFTWGNTEJKNEE
DCLDHWTYYIDGMVRDGMPLSWGJLAGO**EEKJOFEKUYTAANYTDWIYBNLNYP**
WEBFNLFYNAJEBFR

► Distances entre les répétitions :

- WUU : 95
- EEK : 200
- WXIZAYG : 190
- NUOCZGM : 80
- GMU : 90

Trouver des séquences répétées

► Prenons un exemple (tiré de Wikipédia) :

KQOWEFVJPUJUUNUKGLMEKJINMWUXFQMKJBGWRLFNFGHUD**WUUMBVLPS**
NCMUEKQCTESW**EEKOYSSI**WCTUAXYOTAPXPLWPNTCGOJBGFQHTDWXIZA
YGFFNSXCSEYNCTSSPNTUJNYTGGWZGRWUUNEJUUQEAPYMEKQHUIDUXFP
GUYTSMTFFSHNUOCZGMRUWEYTRGKMEEDCTVREC**FBDJQCUSWBPNLGOYL**
SKMTEFVJJTWWMFWMWPMEMTMHRSPXFSSKFFST**NUOCZGMDOEOYEEKCPJR**
GPMURSKHFRSEIUEVGOYCWX**ZAYGOSAANYDOEOY**JLWUNHAMEBFELXYVL
WNOJNSIOFRWUCCESWKVIDGMUCGOCRUWGNMAAFFVNSIUD**EKQHCEUCPFC**
MPVSUDGAVEMNYMAMVLFMAOYFNTQCUAFVFJNXKLNEIW**CWODCCULWRIFT**
WGMIUSWOVMATNYBUHTCOCWFWTNMGYTQMKBBLGFBTWOJFTWGNTEJKNEE
DCLDHWTYYIDGMVRDGMPLSWGJLAGO**EEKJOFEKUYTAANYTDWIYBNLN**YNP
WEBFNLFYNAJEBFR

► Distances entre les répétitions :

- WUU : 95
- EEK : 200
- WXIZAYG : 190
- NUOCZGM : 80
- GMU : 90
- DOEOY : 45

Trouver des séquences répétées

► Prenons un exemple (tiré de Wikipédia) :

KQOWEFVJPUJUUNUKGLMEKJINMWUXFQMKJBGWRLFNFGHUD**WUUMBSVLPS**
NCMUEKQCTESW**REEK**OYSSIWCTUAXYOTAPXPLWPNTCGOJBGFQHTDWXIZA
YGFFNSXCSEYNCTSSPNTUJNYTGGWZGR**WUUNE**JUUQEAPYMEKQHUIDUXFP
GUYTSMTFFSHNUOCZGMRUWEYTRGKMEEDCTVREC**FBDJQCUSWBPNLGOYL**
SKMTEFVJJTWWMFMPNMEMTMHRSPXFSSKFFST**NUOCZGMDOEYOEEKCPJR**
GPMURSKHFRSEIUEVGOYCWX**ZAYGOSAANYDOEOY**JLWUNHAMEBFELXYVL
WNOJNSIOFRWUCCESWKVIDGMUCGOCRUWGNMAAFFVNSIUD**EKQHCEUCPFC**
MPVSUDGAVEMNYMAMVLFMAOYFNTQCUAFVFJNXKLNEIW**CWODCCULWRIFT**
WGMIUSWOVMATNYBUHTCOCWFYTNMGYTQMKBBLGFBTWOJFTWGNT**EJKNEE**
DCLDHWTYYIDGMVRDGMPLSWGJLAGO**EEKJOFEKUYTAANYTDWIYBNLNYP**
WEBFNLFYNAJEBFR

► Distances entre les répétitions :

- WUU : 95
- EEK : 200
- WXIZAYG : 190
- NUOCZGM : 80
- GMU : 90
- DOEOY : 45

► $\text{PGCD}(95, 200, 190, 80, 90, 45) = 5$

Produire les chiffrés de César

► Soit c_i le texte des lettres à positions égale à i modulo 5 :

- c_0 : KFJKKWMWWSNKSIAAWGFWYSYSJGWJAKDGMHZWGDEJWLSFWWMSSTZE
KGSSVWYAEWMLWSWSDGWASKUMDMMATFXIDWWWTHWMMLWWJDWDDSAKKAWLWLJ
- c_1 : QVUGJUKRGUVCQWOWXPPQXGXNPNUUUPQUUTNGEKCCQVGKVWPTPKNGO
CPKEGXGNOUNEXNIUWGOGFIQCPGNVOQVKWCRGONTFGKGOKCTGGWGJUNINEFE
- c_2 : OJULIXJLHULMCRYCYXNHIFCCNYZUUUHXYFUMYMTFCBOMJMNMXFUMY
PMHIOIOYYNBYOOCKMCNFUHPVAYLYCFLCCIMVYCYYBFJNNLYMMGOOYYYYBYB
- c_3 : WPNMNFBFUMPUTESTOPTBTFSTTTGNQMUFTFORTEVBUPYTJFMHFFODE
JUFUYZSDJHFVJFCVURMVDCFSVMFFUJNWUFUMBOTTBBFTEDYVPJEFTTBPNFNF
- c_4 : EUUEMQGNDBSEEESUTLCGDANESUGREEEIPSSCUREDSNLETMERSSCOE
RRRECAAOLAELNREICUANEECUEAMNANEOLTSaucnqntteehirlleeadnpnar

Analyse de fréquences

- ▶ Pour simplifier, on va le faire très simplement en cherchant juste les 'E' (qui est la lettre la plus courante en français).
- ▶ Avec la commande `fold` je peux couper le chiffré par ligne de 5 lettres.
- ▶ Avec la commande `cut` je peux isoler les caractères de la colonne i pour obtenir c_i .
- ▶ Ensuite avec les commandes `sort` et `uniq`, je peux trouver la lettre la plus utilisée.
- ▶ Si cette lettre est 'E', je retrouve le décalage du chiffrement de César.

Analyse de fréquences

- ▶ Pour simplifier, on va le faire très simplement en cherchant juste les 'E' (qui est la lettre la plus courante en français).
- ▶ Avec la commande `fold` je peux couper le chiffré par ligne de 5 lettres.
- ▶ Avec la commande `cut` je peux isoler les caractères de la colonne i pour obtenir c_i .
- ▶ Ensuite avec les commandes `sort` et `uniq`, je peux trouver la lettre la plus utilisée.
- ▶ Si cette lettre est 'E', je retrouve le décalage du chiffrement de César.
 - c_0 : W qui donnerait S
 - c_1 : G qui donnerait C
 - c_2 : Y qui donnerait U
 - c_3 : F qui donnerait B
 - c_4 : E qui donnerait A
- ▶ La clef serait donc SCUBA.

- ▶ On essaye de déchiffrer, si ça ne donne rien de cohérent, on peut regarder si par malchance le 'E' est arrivé en seconde position lors de l'analyse de fréquences, sinon on a cassé le code.
- ▶ Essayons :

SOUVENTPOURSAMUSERLESHOMMESDEQUIPAGEPRENNENTDESALBATROS
VASTESOISEAUXDESMERSQUISUIVENTINDOLENTSCOMPAGNONSDEVOYA
GELENNAVIREGLISSANTSURLESGOUFFRESAMERSAPEINELESONTILSDEP
OSESSURLESPLANCHESQUECESROISDELAZURMALADROITSETHONTEUXL
AISSENTPIEUSEMENTLEURSGRANDESAILESBLANCHESCOMMEDESAVIR
ONSTRAINERACOTEDEUVEVOYAGEURAILECOMMEILESTGAUCHEETVEUL
ELUINAGUERESIBEAUQUIESTCOMIQUEETLAIDLUNAGACESONBECAVEC
UNBRULEGUEULEAUTREMIMEENBOITANTLINFIRMEQUIVOLAITLEPOET
ESTSEMBLABLEAUPRINCEDESNUESQUIHANTELETEMPETEETSERITDE
LARCHEREXILESURLESOUMILIEUDESHUEESSESAILLESDEGEANTLEMP
ECHENTDEMARCHER

Remise en forme

Souvent, pour s'amuser, les hommes d'équipage
Prennent des albatros, vastes oiseaux des mers,
Qui suivent, indolents compagnons de voyage,
Le navire glissant sur les gouffres amers.

À peine les ont-ils déposés sur les planches,
Que ces rois de l'azur, maladroits et honteux,
LaisSENT piteusement leurs grandes ailes blanches
Comme des avirons traîner à côté d'eux.

Ce voyageur ailé, comme il est gauche et veule !
Lui, naguère si beau, qu'il est comique et laid !
L'un agace son bec avec un brûle-gueule,
L'autre mime, en boitant, l'infirme qui volait !

Le Poète est semblable au prince des nuées
Qui hante la tempête et se rit de l'archer ;
Exilé sur le sol au milieu des huées,
Ses ailes de géant l'empêchent de marcher.

L'Albatros, de Charles Baudelaire.